

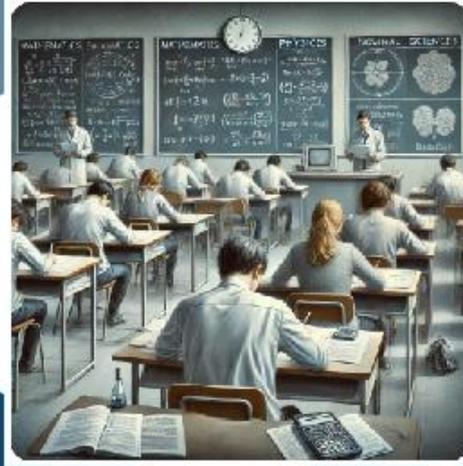
بسم الله الرحمن الرحيم



المستشار في التربية محمد عقوني

## حوليات البكالوريا

رياضيات و فيزياء و علوم  
الطبيعة و الحياة



المستشار في التربية محمد عقوني

## حوليات البكالوريا رياضيات و فيزياء و علوم الطبيعة و الحياة

### اهمية حوليات البكالوريا رياضيات و فيزياء و علوم الطبيعة و الحياة

#### أهمية حوليات البكالوريا في الرياضيات والفيزياء وعلوم الطبيعة والحياة

**حوليات البكالوريا** هي بمثابة خارطة طريق شاملة للطالب المتقدم لامتحانات البكالوريا، فهي تجمع بين الخبرات السابقة والأسئلة النموذجية التي تم طرحها في السنوات الماضية. تلعب هذه الحوليات دورًا حيويًا في تحضير الطالب للامتحانات وتساعد على تحقيق أفضل النتائج.

#### أهمية حوليات البكالوريا تكمن في النقاط التالية:

**فهم طبيعة الأسئلة:** تساعد الحوليات الطالب على فهم طبيعة الأسئلة التي يتم طرحها في الامتحان، مما يساعده على تحديد نقاط القوة والضعف لديه والتركيز على الجوانب التي يحتاج إلى تحسينها.

**التدرب على حل المسائل:** تحتوي الحوليات على مجموعة متنوعة من المسائل والأسئلة التي تغطي جميع المفاهيم والمبادئ المدرجة في المنهج الدراسي، مما يتيح للطالب التدرب على حلها وتطوير مهاراته في التفكير النقدي وحل المشكلات.

**التعرف على الأخطاء الشائعة:** من خلال تحليل الحلول النموذجية والأسئلة التي ارتكب فيها الطلاب أخطاء شائعة، يمكن للطلاب تجنب تكرار هذه الأخطاء في الامتحان الفعلي.

**زيادة الثقة بالنفس:** يساعد التدريب المستمر على حل مسائل حوليات البكالوريا على زيادة ثقة الطالب بقدراته ومهاراته، مما يساهم في تحسين أدائه في الامتحان.

**توفير وقت قيم:** تساعد الحوليات الطالب على توفير الوقت والجهد اللذين يضيعان في البحث عن أسئلة متنوعة ومراجعة المنهج الدراسي بشكل عشوائي.

بالنسبة لمواد الرياضيات والفيزياء وعلوم الطبيعة والحياة، فإن حوليات البكالوريا تلعب دورًا خاصًا، حيث تساعد الطالب على:

**فهم العلاقات بين المفاهيم المختلفة:** تساعد الحوليات الطالب على الربط بين المفاهيم النظرية والتطبيقية، مما يساعده على فهم المبادئ العلمية بشكل أعمق.

**تطوير المهارات العملية:** تحتوي الحوليات على مسائل تتطلب من الطالب تطبيق المعرفة النظرية على مواقف عملية، مما يساهم في تطوير مهاراته العملية في حل المشكلات.

**التعرف على أحدث التطورات العلمية:** غالبًا ما تتضمن الحوليات أسئلة تتناول أحدث التطورات العلمية في المجالات المختلفة، مما يوسع آفاق الطالب ويثري معارفه.

**نصائح لاستخدام حوليات البكالوريا:**

**ابدأ مبكرًا:** لا تترك مراجعة الحوليات إلى اللحظة الأخيرة، بل ابدأ مبكرًا وقم بحل المسائل بانتظام.

**ركز على فهم المفاهيم:** لا تكثف بحفظ الحلول، بل حاول فهم المبادئ والأسس التي تقوم عليها.

**استعن بالمعلم أو زملائك:** إذا واجهت صعوبة في حل أي مسألة، لا تتردد في طلب المساعدة من معلمك أو زملائك.

**حل المسائل تحت الضغط:** تدرب على حل المسائل في وقت محدد، كما هو الحال في الامتحان الفعلي.

**راجع الأخطاء:** بعد تصحيح الأوراق، راجع الأخطاء التي ارتكبتها وحاول فهم أسبابها لتجنب تكرارها.

**ختامًا،** تعتبر حوليات البكالوريا أداة قيمة لتحضير الطلاب لامتحانات البكالوريا، فهي تساعدهم على تحقيق أفضل النتائج وتفتح لهم أبواب المستقبل.

# رياضيات

## 10 تمارين محلولة في المتتاليات والمتتاليات الحسابية والهندسية

مقدمة:

قبل البدء في التمارين، دعونا نستذكر بعض المفاهيم الأساسية:

**المتتالية:** هي ترتيب لأعداد وفقاً لقاعدة معينة.

**المتتالية الحسابية:** متتالية تضاف فيها قيمة ثابتة (الفرق المشترك) إلى كل حد للحصول على الحد التالي.

**المتتالية الهندسية:** متتالية تضرب فيها كل حد في قيمة ثابتة (النسبة المشتركة) للحصول على الحد التالي.

التمرين 1:

**السؤال:** أوجد الحد العام للمتتالية الحسابية التي حدها الأول 3 والفرق المشترك 2.

**الحل:**

الحد العام للمتتالية الحسابية هو  $U_n = a + (n-1)d$

نعوض بالقيم المعطاة  $U_n = 3 + (n-1)2$

$$: Un = 2n + 1 \text{ نبسط}$$

**التمرين 2:**

**السؤال:** أوجد مجموع أول 10 حدود في المتتالية الحسابية السابقة.

**الحل:**

$$: Sn = n/2 [2a + (n-1)d] \text{ مجموع أول } n \text{ حد في متتالية حسابية هو}$$

$$: S10 = 10/2 [2*3 + (10-1)2] \text{ نعوض بالقيم المعطاة}$$

$$: S10 = 110 \text{ نحسب}$$

**التمرين 3:**

**السؤال:** أوجد الحد العام للمتتالية الهندسية التي حدها الأول 2 والنسبة المشتركة 3.

**الحل:**

$$: Un = ar^{(n-1)} \text{ الحد العام للمتتالية الهندسية هو}$$

$$: Un = 2*3^{(n-1)} \text{ نعوض بالقيم المعطاة}$$

**التمرين 4:**

**السؤال:** أوجد مجموع أول 5 حدود في المتتالية الهندسية السابقة.

**الحل:**

$$: Sn = a(r^n - 1)/(r-1) \text{ مجموع أول } n \text{ حد في متتالية هندسية هو}$$

نعوض بالقيم المعطاة  $S_5 = 2(3^5 - 1)/(3-1)$  :

نحسب  $S_5 = 242$  :

**التمرين 5:**

**السؤال:** إذا كان 3، 7، 11، ... هي متتالية حسابية، فما هو الحد السابع؟

**الحل:**

نجد الفرق المشترك  $d = 7 - 3 = 4$  :

نستخدم الحد العام  $U_7 = 3 + (7-1)4 = 27$  :

**التمرين 6:**

**السؤال:** إذا كان 2، 6، 18، ... هي متتالية هندسية، فما هو الحد الرابع؟

**الحل:**

نجد النسبة المشتركة  $r = 6/2 = 3$  :

نستخدم الحد العام  $U_4 = 2 * 3^{(4-1)} = 54$  :

**التمرين 7:**

**السؤال:** إذا كان مجموع أول 5 حدود في متتالية حسابية هو 35 والحد الأول هو 2، فما هو الفرق المشترك؟

**الحل:**

نستخدم صيغة المجموع:  $35 = 2/5 [2 + (5-1)d]$

نحل المعادلة  $d = 3$  :

**التمرين 8:**

**السؤال:** إذا كان الحد الثالث في متتالية هندسية هو 24 والحد الخامس هو 96، فما هو الحد الأول؟

**الحل:**

نستخدم الحد العام مرتين:  $24 = ar^2$  و  $96 = ar^4$

نقسم المعادلتين:  $r^2 = 4$  ، إذن  $r = 2$

نعوض في إحدى المعادلتين:  $24 = a \cdot 2^2$  ، إذن  $a = 6$

**التمرين 9:**

**السؤال:** أوجد الحد العام للمتتالية التي حدها العام يُعطى بالعلاقة  
 $U_n = 3n^2 + 2$ .

**الحل:**

هذه المتتالية ليست حسابية ولا هندسية، بل هي متتالية تربيعية.

**التمرين 10:**

**السؤال:** إذا كان الحد الأول في متتالية حسابية هو 5 والحد الأخير هو 29 ومجموع حدودها 190، فما هو عدد حدودها؟

**الحل:**

نستخدم صيغة المجموع:  $190 = \frac{n}{2} [5 + 29]$

نحل المعادلة  $n = 10$  :

## ملاحظة:

يمكن حل هذه التمارين بطرق مختلفة، ولكن الطرق الموضحة هي الأكثر شيوعاً.

يمكن استخدام الآلة الحاسبة للتحقق من النتائج.

## 10 تمارين محلولة في المتتالية الهندسية

المتتالية الهندسية هي متتالية عددية حيث يكون حاصل قسمة أي حد على الحد الذي يسبقه عددًا ثابتًا يسمى الأساس أو النسبة المشتركة.

الشكل العام للحد العام للمتتالية الهندسية:

$$U_n = U_1 * q^{(n-1)}$$

حيث:

$U_n$ : الحد العام للمتتالية

$U_1$ : الحد الأول للمتتالية

$q$ : الأساس أو النسبة المشتركة

$n$ : رتبة الحد

الآن، إليك 10 تمارين محلولة لتثبيت مفهوم المتتالية الهندسية:

التمارين:

أوجد الحد العاشر للمتتالية الهندسية التي حدها الأول 2 والأساس

. 3

الحل.  $U_{10} = 2 * 3^{(10-1)} = 2 * 3^9 = 39366$ .

إذا كان الحد الثالث للمتتالية الهندسية هو 8 والحد السادس هو 64، أوجد الأساس .

الحل  $U_3 = U_1 * q^2 = 8$  و  $U_6 = U_1 * q^5 = 64$ .

بقسمة المعادلة الثانية على الأولى نحصل على

$$q^3 = 8 \text{، وبالتالي } q = 2$$

أوجد مجموع الحدود الخمسة الأولى للمتتالية الهندسية التي حدها الأول 1 والأساس 2 .

الحل  $S_5 = 1 * (1 - 2^5) / (1 - 2) = 31$ .

إذا كان مجموع أول حدين في متتالية هندسية هو 6 ومجموع أول ثلاثة حدود هو 14، أوجد الحد الأول والأساس .

الحل: نضع نظام معادلتين ونحله لإيجاد  $U_1$  و  $q$ .

أوجد الحد الذي يساوي 128 في المتتالية الهندسية التي حدها الأول 2 والأساس 2 .

الحل: نستخدم الصيغة العامة للحد العام ونحل المعادلة.

أوجد عدد الحدود في متتالية هندسية إذا كان الحد الأول 3 والحد الأخير 243 والأساس 3 .

الحل: نستخدم الصيغة العامة للحد العام ونحل المعادلة لإيجاد  $n$ .

أوجد مجموع حدود متتالية هندسية إلى المالانهاية إذا كان الحد الأول 1 والأساس 0.5 .

الحل: نستخدم صيغة مجموع حدود متتالية هندسية إلى المالانهاية.  $(S = U1 / (1-q))$ .

إذا كان الحد الثالث للمتتالية الهندسية هو 4 والحد السابع هو 64، أوجد الحد الخامس .

الحل: نستخدم خواص المتتالية الهندسية لإيجاد الحد الخامس.

أوجد الحد الذي يساوي  $8/1$  في المتتالية الهندسية التي حدها الأول 1 والأساس  $2/1$  .

الحل: نستخدم الصيغة العامة للحد العام ونحل المعادلة.

إذا كانت المتتالية الهندسية متناقصة، فما هي قيمة الأساس؟

الحل: في المتتالية الهندسية المتناقصة، يكون قيمة الأساس بين 0 و 1.

**الاستدلال بالتراجع** هو أسلوب برهان رياضي يستخدم لإثبات صحة عبارة رياضية تتعلق بجميع الأعداد الطبيعية الكبيرة أو المساوية لعدد طبيعي معين. يتضمن هذا الأسلوب خطوتين أساسيتين:

الخطوة الأساسية: إثبات صحة العبارة للعدد الأولي (عادةً 0 أو 1)

**خطوة الوراثة:** افترض صحة العبارة لعدد ما (نسميه  $k$ ) ، ثم إثبات صحتها للعدد الذي يليه مباشرةً (أي  $k+1$ ) بناءً على فرضية صحتها للعدد  $k$ .

**ملاحظة:** بمجرد إثبات الخطوتين السابقتين، نكون قد أثبتنا صحة العبارة لجميع الأعداد الطبيعية الكبيرة أو المساوية للعدد الأولي.

**التمارين والحلول**

**التمرين 1:**

**العبارة 1:**  $1 + 3 + 5 + \dots + (2n-1) = n^2 \forall n \geq 1$

**الحل:**

**الخطوة الأساسية:** عندما  $n = 1$  ، يكون الطرف الأيسر = 1 والطرف الأيمن  $= 1^2$ . إذن العبارة صحيحة عندما  $n = 1$ .

**خطوة الوراثة:** نفترض أن العبارة صحيحة لـ  $n = k$  ، أي 1

$1 + 3 + 5 + \dots + (2k-1) = k^2$  نريد إثبات صحتها لـ  $n = k+1$  أي  $1 + 3 + 5 + \dots + (2(k+1)-1) = (k+1)^2$ . نبدأ بالطرف الأيسر ونستخدم فرضية الوراثة:

$$1 + 3 + 5 + \dots + (2(k+1)-1) = (1 + 3 + 5 + \dots + (2k-1)) + (2k+1) = k^2 + (2k+1) =$$

$(k+1)^2$  إذن العبارة صحيحة لـ  $n = k+1$  وبالتالي،

وبحسب مبدأ الاستدلال بالتراجع، فإن العبارة صحيحة لجميع الأعداد الطبيعية.  $n \geq 1$

## التمرين 2:

العبرة 2:  $n^3 > 3n + 3 \forall n \geq 2$  :

الحل :

**الخطوة الأساسية:** عندما  $n = 2$  ، يكون الطرف الأيسر = 8 والطرف الأيمن = 9. إذن العبرة صحيحة عندما  $n = 2$ .

**خطوة الورثة:** نفترض أن العبرة صحيحة لـ  $n = k$  ، أي  $k^3 > 3k + 3$ . نريد إثبات صحتها لـ  $n = k+1$  ، أي  $(k+1)^3 > 3(k+1) + 3$ . ... ( الطريقة، باستخدام فرضية الورثة وتبسيط المتباينة )

سأقدم لك 10 تمارين متنوعة تغطي المواضيع التي طلبتها، مع حلول مفصلة قدر الإمكان:

تمارين إثبات صيغ مجموع المتتاليات

## التمرين 1:

**السؤال:** أثبت أن مجموع الحدود  $n$  الأولى للمتتابعة الحسابية التي حدها الأول  $a$  وفرقها المشترك  $d$  هو:

$$S_n = (n/2)(2a + (n-1)d)$$

**الحل:** يمكن إثبات هذه الصيغة بطرق مختلفة، منها طريقة الجمع المزدوج.

## التمرين 2:

**السؤال:** أثبت أن مجموع الحدود  $n$  الأولى للمتتابعة الهندسية التي حدها الأول  $a$  ونسبتها المشتركة  $r$  حيث  $r \neq 1$  هو:

$$S_n = a(1-r^n) / (1-r)$$

**الحل:** يمكن إثبات هذه الصيغة بطريقة مشابهة لطريقة الجمع المزدوج، ولكن بضرب المتسلسلة في  $r$  ثم طرح المعادلة الناتجة من المعادلة الأصلية.

## تمارين إثبات خواص القسمة والأسس

### التمرين 3:

**السؤال:** أثبت أن  $(a/b)^n = a^n/b^n$  ، حيث  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان غير صفريين و  $n$  عدد صحيح.

**الحل:** يمكن إثبات هذه الخاصية باستخدام تعريف الأسس وتطبيقها بشكل متكرر.

### التمرين 4:

**السؤال:** أثبت أن  $(a^b)^c = a^{bc}$  ، حيث  $a$  و  $b$  و  $c$  أعداد حقيقية.

**الحل:** يمكن إثبات هذه الخاصية باستخدام تعريف الأسس وتطبيقها بشكل متكرر.

## تمارين إثبات متباينات معقدة

### التمرين 5:

**السؤال:** أثبت أن إذا كان  $a > b > 0$  ، فإن  $\sqrt{a+b} < \sqrt{a} + \sqrt{b}$ .

**الحل:** يمكن إثبات هذه المتباينة بتربيع الطرفين وإجراء بعض التبسيطات.

**التمرين 6:**

**السؤال:** أثبت أن إذا كان  $x > 1$  ، فإن  $x^n > x^{n-1}$  ، حيث  $n$  عدد صحيح موجب.

**الحل:** يمكن إثبات هذه المتباينة بضرب الطرفين في  $x$ .

**تمارين متنوعة تجمع بين المواضيع**

**التمرين 7:**

**السؤال:** أثبت أن مجموع مربعات الأعداد الطبيعية  $n$  الأولى يساوي  $n(n+1)(2n+1)/6$ .

**الحل:** يمكن إثبات هذه النتيجة باستخدام الاستقراء الرياضي أو بطرق أخرى.

**التمرين 8:**

**السؤال:** أثبت أن المتتابة  $(1/n)$  متناقصة.

**الحل:** يمكن إثبات هذه النتيجة ببيان أن كل حد أقل من الحد الذي يسبقه.

**التمرين 9:**

**السؤال:** أثبت أن المتتابة  $(n^2)$  متزايدة.

**الحل:** يمكن إثبات هذه النتيجة ببيان أن كل حد أكبر من الحد الذي يسبقه.

**التمرين 10:**

**السؤال:** أثبت أن المتتابة الهندسية التي نسبتها المشتركة بين 0 و 1 متقاربة.

**الحل:** يمكن إثبات هذه النتيجة باستخدام صيغة مجموع الحدود  $n$  الأولى للمتتابة الهندسية وإيجاد النهاية عندما  $n$  يؤول إلى اللانهاية.

**ملاحظات:**

**الحلول:** تم تقديم حلول موجزة لكل تمرين. يمكنك طلب تفاصيل أكثر حول أي خطوة.

**التنوع:** تم اختيار التمارين لتغطي مجموعة متنوعة من المفاهيم والمواضيع.

**التحدي:** بعض التمارين تتطلب تفكيراً عميقاً واستخداماً لأكثر من مفهوم واحد.

**نصائح:**

**الاستقراء الرياضي:** أداة قوية لإثبات صحة عبارات عن الأعداد الطبيعية.

**التعريفات:** تأكد من فهم التعريفات الأساسية للمفاهيم الرياضية المستخدمة.

**التبسيط:** حاول تبسيط التعبيرات الرياضية قدر الإمكان قبل البدء في الإثبات.

**الرسومات:** قد تساعد الرسومات في تصور المشكلة وحلها.

## 10 تمارين وحلول حول الشكل العام للاستدلال بالتراجع

**مفهوم الاستدلال بالتراجع:**

هو أسلوب برهان رياضي يستخدم لإثبات صحة عبارة تتعلق بأعداد طبيعية. يعتمد على مبادئ أساسيين:

**الحالة الأساسية:** إثبات صحة العبارة لعدد طبيعي أولي (عادةً 0 أو 1).

**خطوة الانتقال:** إثبات أنه إذا كانت العبارة صحيحة لعدد طبيعي ما، فإنها تكون صحيحة للعدد التالي له.

**الشكل العام للاستدلال بالتراجع:**

لتكن  $P(n)$  عبارة تتعلق بالعدد الطبيعي  $n$ . لإثبات أن  $P(n)$  صحيحة لكل  $n$  أكبر من أو يساوي عدد طبيعي  $n_0$ ، نتبع الخطوات التالية:

**الحالة الأساسية:** نثبت أن  $P(n_0)$  صحيحة.

**خطوة الانتقال:** نفترض أن  $P(k)$  صحيحة حيث  $k \geq n_0$  (فرضية الاستقراء)، ثم نثبت أن  $P(k+1)$  صحيحة.

**أمثلة على التمارين:**

**التمرين 1:**

أثبت بالاستدلال بالتراجع أن مجموع أول  $n$  عدد طبيعي فردي يساوي  $n^2$ .

**الحل:**

**الحالة الأساسية:** عندما  $n = 1$  ، يكون المجموع  $1^2 = 1$  ، إذن العبارة صحيحة.

**خطوة الانتقال:** نفترض أن مجموع أول  $k$  عدد طبيعي فردي يساوي  $k^2$  ، أي  $1 + 3 + 5 + \dots + (k-1) = k^2$ . لإثبات أن العبارة صحيحة لـ  $k+1$  ، نضيف العدد الفردي التالي وهو  $2(k+1)-1$  إلى الطرفين  $1 + 3 + 5 + \dots + (2k-1) + 2(k+1)-1$  بالتبسيط نحصل على:  $1 + 3 + 5 + \dots + (k+1) = (k+1)^2$  وهو ما أردنا إثباته.

**التمرين 2:**

أثبت بالاستدلال بالتراجع أن  $3$  يقسم  $n^3 - n$  لكل عدد طبيعي  $n$ .

**التمرين 3:**

أثبت بالاستدلال بالتراجع أن  $2^n > n!$  لكل عدد طبيعي  $n$  أكبر من أو يساوي  $4$ .

**التمرين 4:**

أثبت بالاستدلال بالتراجع أن المتتالية  $(U_n)$  المعرفة بـ  $U_n = 2^n$   $+ 1$  هي متزايدة بدءًا من المرتبة  $0$ .

**التمرين 5:**

أثبت بالاستدلال بالتراجع أن مجموع زوايا المثلث الداخلي يساوي 180 درجة.

**التمرين 6:**

أثبت بالاستدلال بالتراجع أن عدد الأوتار في مضلع منتظم ذو  $n$  ضلع هو  $n(n-1)/2$ .

**التمرين 7:**

أثبت بالاستدلال بالتراجع أن العدد  $2^n - 1$  هو عدد فردي لكل عدد طبيعي  $n$ .

**التمرين 8:**

أثبت بالاستدلال بالتراجع أن مجموع مكعبات أول  $n$  عدد طبيعي يساوي مربع مجموعها.

**التمرين 9:**

أثبت بالاستدلال بالتراجع أن العدد  $5^n - 1$  يقبل القسمة على 4 لكل عدد طبيعي  $n$ .

**التمرين 10:**

أثبت بالاستدلال بالتراجع أن المتتالية  $(U_n)$  المعرفة بـ  $U_n = n^2 + n + 1$  هي متزايدة بدءًا من المرتبة 1.

## 10 تمارين وحلول حول المتتاليات المحدودة

### مقدمة:

المتتالية المحدودة هي متتالية عددية تكون فيها قيم حدودها محصورة بين عددين حقيقيين. بمعنى آخر، لا يمكن أن تتجاوز قيم حدود المتتالية حدًا أعلى ولا حدًا أدنى.

### التعاريف الأساسية:

**محدودة من الأعلى:** إذا وجد عدد حقيقي  $M$  بحيث أن جميع حدود المتتالية أصغر أو تساوي  $M$ .

**محدودة من الأسفل:** إذا وجد عدد حقيقي  $m$  بحيث أن جميع حدود المتتالية أكبر أو تساوي  $m$ .

**محدودة:** إذا كانت المتتالية محدودة من الأعلى ومن الأسفل في نفس الوقت.

### الأهداف من هذه التمارين:

فهم مفهوم المتتالية المحدودة.

تطبيق طرق إثبات أن متتالية معينة محدودة.

التدرب على حل المسائل المتعلقة بالمتتاليات المحدودة.

### التمارين والحلول:

#### التمرين 1:

أثبت أن المتتالية  $(U_n) = 1/n$  محدودة من الأعلى وغير محدودة من الأسفل.

**الحل:**

محدودة من الأعلى: بما أن  $1/n \leq 1$  لكل  $n$  طبيعي، فإن 1 هو حد أعلى للمتتالية.

غير محدودة من الأسفل: مهما اخترنا عدد حقيقي  $m$  سالب، يمكننا دائماً إيجاد عدد طبيعي  $n$  كبير بما فيه الكفاية بحيث يكون  $1/n < m$ .

**التمرين 2:**

أثبت أن المتتالية  $(U_n) = (-1)^n$  محدودة.

**الحل:**

بما أن  $-1 \leq (-1)^n \leq 1$  لكل  $n$  طبيعي، فإن المتتالية محدودة بين  $-1$  و  $1$ .

**التمرين 3:**

أثبت أن المتتالية  $(U_n) = n^2$  غير محدودة.

**الحل:**

مهما اخترنا عدد حقيقي  $M$ ، يمكننا دائماً إيجاد عدد طبيعي  $n$  كبير بما فيه الكفاية بحيث يكون  $n^2 > M$ .

**التمرين 4:**

أثبت أن المتتالية  $(U_n) = \sin(n)$  محدودة.

**الحل:**

بما أن  $-1 \leq \sin(x) \leq 1$  لكل  $x$  حقيقي، فإن  $-1 \leq \sin(n) \leq 1$  لكل  $n$  طبيعي.

**التمرين 5:**

أثبت أن المتتالية  $(U_n) = (n+1)/(n+2)$  محدودة.

**الحل:**

بما أن  $0 < (n+1)/(n+2) < 1$  لكل  $n$  طبيعي، فإن المتتالية محدودة بين 0 و 1.

**التمرين 6-10:**

يمكنك توليد تمارين إضافية بتغيير قيم الحدود في المتتاليات السابقة أو بتعريف متتاليات جديدة.

## 10 تمارين وحلول حول الدوال:

لأفضل فهم وتثبيت المفهوم، سأقدم لك مجموعة من التمارين المتنوعة حول الدوال، مع شرح الحلول خطوة بخطوة. تذكر أن ممارسة المزيد من التمارين المختلفة ستساعدك على إتقان هذا الموضوع.

### التمرين الأول:

**السؤال:** أوجد مجال الدالة  $f(x) = 1/(x-2)$

**الحل:** مجال الدالة هو جميع قيم  $x$  التي تجعل الدالة معرفة. في هذه الحالة، يجب أن يكون المقام مختلفاً عن الصفر. لذا،  $x \neq 2$ . وبالتالي، مجال الدالة هو  $\mathbb{R} - \{2\}$ .

### التمرين الثاني:

**السؤال:** أوجد صورة العدد 3 في الدالة  $g(x) = 2x + 5$

**الحل:** لإيجاد صورة العدد، نعوض عن  $x$  بـ 3 في الدالة  $g(3)$ :  
 $11 = 2 * 3 + 5 = 11$ . إذن، صورة العدد 3 هي 11.

### التمرين الثالث:

**السؤال:** أوجد معادلة الدالة المستقيم التي تمر بالنقطتين (2, 1) و (3, 6)

**الحل:** نستخدم صيغة الميل والنقطة لإيجاد معادلة المستقيم -  $y$ :  
 $y_1 = m(x - x_1)$  أولاً، نجد الميل  $m = (y_2 - y_1) / (x_2 - x_1)$ .  
 $m = (6 - 1) / (3 - 2) = 5$ . ثم نعوض بأحد النقاط والميل

في المعادلة  $y - 2 = 2(x - 1)$ . بعد التبسيط، نحصل على  
المعادلة  $y = 2x$ .

**التمرين الرابع:**

**السؤال:** أوجد قيمة  $a$  التي تجعل الدالة  $h(x) = ax^2 + 3x - 2$  تمر بالنقطة  $(2, 4)$

**الحل:** نعوض عن  $x$  بـ 2 و  $y$  بـ 4 في معادلة الدالة:  $4 = a \cdot 2^2 - 2 + 3 \cdot 2$ .  
نجد أن  $a = -1/2$ .

**التمرين الخامس:**

**السؤال:** حدد نوع الدالة  $f(x) = x^3$

**الحل:** هذه دالة كثيرة حدود من الدرجة الثالثة، وهي دالة تكعيبية.

**التمرين السادس:**

**السؤال:** أوجد مجال الدالة  $f(x) = \sqrt{x+2}$

**الحل:** لكي تكون الجذر التربيعي معرفة، يجب أن يكون ما بداخل الجذر أكبر من أو يساوي الصفر. لذا،  $x+2 \geq 0$ ، وبالتالي  $x \geq -2$ . مجال الدالة هو:  $[-2, +\infty)$ .

**التمرين السابع:**

**السؤال:** أوجد معادلة المحاور التماثل للدالة  $f(x) = -x^2 + 4x - 1$

**الحل:** محور التماثل لدالة تربيعية على الصورة  $f(x) = ax^2 + bx + c$  هو  $x = -b / 2a$ . في هذه الحالة،  $x = -4 / (2 * -1) = 2$ .

**التمرين الثامن:**

**السؤال:** أوجد قيمة أكبر قيمة للدالة  $f(x) = -x^2 + 4x - 1$

**الحل:** أكبر قيمة لدالة تربيعية ذات معامل  $a$  سالب تكون عند قيمة  $x$  التي تمثل محور التماثل. وجدنا في التمرين السابق أن  $x = 2$ . نعوض بقيمة  $x$  في الدالة  $f(2) = -(2)^2 + 4 * 2 - 1 = 3$ . إذن، أكبر قيمة للدالة هي 3.

**التمرين التاسع:**

**السؤال:** أوجد معادلة الدالة العكسية للدالة  $f(x) = 2x - 3$

**الحل:** لتعيين الدالة العكسية، نعوض عن  $f(x)$  بـ  $y$ ، ثم نحل المعادلة بالنسبة لـ  $x$ :  $y = 2x - 3$ . بعد تبادل  $x$  و  $y$  والحل بالنسبة لـ  $y$ ، نحصل على الدالة العكسية  $y = (x+3)/2$ .

**التمرين العاشر:**

**السؤال:** أوجد مجال ومدى الدالة  $f(x) = |x|$

**الحل:** مجال الدالة هو جميع الأعداد الحقيقية  $\mathbb{R}$ . مدى الدالة هو جميع الأعداد الحقيقية الموجبة والصفري  $[0, +\infty)$ .

## 10 تمارين وحلول حول المستقيمات المقاربة والوضع النسبي

### مقدمة

قبل البدء في التمارين، دعونا نستذكر بعض المفاهيم الأساسية:

**المستقيم المقارب:** هو مستقيم يقترب منه منحنى الدالة عند قيم كبيرة جداً أو صغيرة جداً للمتغير المستقل. (x)

أنواع المستقيمات المقاربة: أفقية، عمودية، مائلة.

**الوضع النسبي:** هو تحديد موقع المنحنى بالنسبة للمستقيم المقارب (فوقه، تحته، يقطع)

### التمارين والحلول

**التمرين 1:** أوجد المستقيمات المقاربة للدالة  $f(x) = (2x+1)/(x-3)$  وحدد الوضع النسبي.

**الحل:**

المقارب العمودي  $x = 3$ :

المقارب الأفقي  $y = 2$ :

الوضع النسبي: المنحنى يقطع المقارب الأفقي عند النقطة  $(5, 2)$

**التمرين 2:** أوجد المستقيمات المقاربة للدالة  $f(x) = x^2/(x-1)$  وحدد الوضع النسبي.

**الحل :**

المقارب العمودي  $x = 1$  :

لا يوجد مقارب أفقي

المقارب المائل  $y = x + 1$  :

الوضع النسبي: المنحنى يقع فوق المقارب المائل عندما  $x$

$\rightarrow \infty$

**التمرين 3 :** أوجد المستقيمات المقاربة للدالة  $f(x) = (x^2 + 1)/(4x^2 - 1)$  وحدد الوضع النسبي.

**الحل :**

لا يوجد مقارب عمودي

المقارب الأفقي  $y = 1$  :

الوضع النسبي: المنحنى يقع تحت المقارب الأفقي عندما  $x$

$\rightarrow \pm\infty$

**...التمارين من 4 إلى 10 :** يمكنك توليد المزيد من التمارين بتغيير الدوال، مع التأكد من تغطية جميع الحالات الممكنة للمستقيمات المقاربة (أفقية، عمودية، مائلة) والوضع النسبي.

**ملاحظات هامة**

**كيفية إيجاد المستقيمات المقاربة :**

المقارب العمودي: عند جعل المقام يساوي صفر.

المقارب الأفقي: بحساب النهايات عند  $\pm\infty$

المقارب المائل: بحساب النهايات  $f(x)/x$  و  $f(x)$  عند  $\pm\infty$

**كيفية تحديد الوضع النسبي :**

دراسة إشارة الفرق بين الدالة والمقارب.

رسم بياني تقريبي للدالة والمقارب.



**المتابعة الزمنية لتحول كيميائي في وسط مائي**

**10 تمارين وحلول حول المتابعة الزمنية لتحول كيميائي في وسط مائي**

**التمرين الأول:**

**السؤال:** ما هي الطرق المختلفة لمتابعة التغير الزمني لتفاعل كيميائي في وسط مائي؟ أعط مثلاً لكل طريقة.

**الحل:**

توجد عدة طرق لمتابعة التغير الزمني لتفاعل كيميائي في وسط مائي، من بينها:

**القياس الطيفي:** قياس امتصاص الضوء عند طول موجي معين لمادة متفاعلة أو ناتجة. مثال: متابعة تفاعل اختفاء لون محلول برمنجنات البوتاسيوم عن طريق قياس امتصاص الضوء عند طول موجي 525 نانومتر.

**قياس الناقلية:** قياس التغير في ناقلية المحلول، حيث تتغير الناقلية بتغير تركيز الأيونات. مثال: متابعة تفاعل تأين حمض ضعيف عن طريق قياس الناقلية.

**قياس الضغط:** في حالة تفاعلات تنتج غازات، يمكن قياس الضغط الجزئي للغاز الناتج. مثال: متابعة تفاعل تفكك بيروكسيد الهيدروجين عن طريق قياس حجم الأكسجين الناتج.

**المعايرات:** إضافة محلول قياسي بتركيز معروف إلى المحلول المتفاعل حتى الوصول إلى نقطة النهاية. مثال: معايرة حمض قوي بقاعدة قوية باستخدام مؤشر لوني.

**التمرين الثاني:**

**السؤال:** ما هو منحنى المتابعة الزمنية لتفاعل من الرتبة الصفرية؟ وما هي المعادلة التي تمثل هذا المنحنى؟

**الحل:**

في تفاعل من الرتبة الصفرية، لا يتأثر معدل التفاعل بتركيز المتفاعلات. لذلك، يكون منحنى المتابعة الزمنية خطأً مستقيماً. المعادلة التي تمثل هذا المنحنى هي:

$$[A] = [A]_0 - kt$$

حيث:

[A] تركيز المادة المتفاعلة عند الزمن t

[A]<sub>0</sub>: التركيز الابتدائي للمادة المتفاعلة

k: ثابت سرعة التفاعل

t: الزمن

**التمرين الثالث:**

**السؤال:** ما هي العوامل التي تؤثر على سرعة التفاعل الكيميائي؟

**الحل:**

تؤثر عدة عوامل على سرعة التفاعل الكيميائي، من بينها:

**طبيعة المتفاعلات:** تختلف سرعة التفاعل حسب نوع الروابط الكيميائية في المتفاعلات.

**تركيز المتفاعلات:** عادة ما تزداد سرعة التفاعل بزيادة تركيز المتفاعلات.

**الحرارة:** تزداد سرعة معظم التفاعلات بزيادة درجة الحرارة.

**الضغط:** يؤثر الضغط على سرعة التفاعلات التي تشمل غازات.

**وجود العوامل المساعدة:** تساهم العوامل المساعدة في زيادة سرعة التفاعل دون أن تدخل في التفاعل نفسه.

## تمارين وحلول حول ثابت سرعة التفاعل وتأثير درجة الحرارة وتطبيقات المتابعة الزمنية

### مقدمة

قبل البدء في التمارين، دعونا نستذكر بعض المفاهيم الأساسية:

**ثابت سرعة التفاعل: (k)** هو مقدار يعبر عن سرعة التفاعل الكيميائي عند ظروف معينة من درجة الحرارة والتركيز.

**تأثير درجة الحرارة:** عادةً ما يزداد ثابت سرعة التفاعل بزيادة درجة الحرارة، وذلك لأن زيادة الطاقة الحركية للجسيمات تزيد من احتمال حدوث التصادمات الفعالة.

**المتابعة الزمنية:** هي عملية قياس التغيرات في تركيز المواد المتفاعلة أو الناتجة بمرور الوقت، وذلك لتحديد سرعة التفاعل وحساب ثابت السرعة.

### التمارين والحلول

#### تمارين حول حساب ثابت سرعة التفاعل

**التمرين 1:** تفاعل من الدرجة الأولى، حيث يتضاعف تركيز الناتج كل 10 دقائق. احسب ثابت سرعة التفاعل.

#### الحل :

بما أن التفاعل من الدرجة الأولى، فإننا نستخدم المعادلة :

$$\ln(A_0/A) = kt$$

حيث  $A_0$ : التركيز الابتدائي،  $A$  التركيز عند الزمن  $t$ ،  $k$  ثابت السرعة،  $t$  الزمن.

بما أن التركيز يتضاعف كل 10 دقائق، فإن  $A/A_0 = 2$ .

وبالتالي  $\ln(1/2) = k * 10$  دقائق:

من هنا يمكن حساب  $k$ .

**التمرين 2:** تفاعل من الدرجة الثانية، حيث يتناقص تركيز المتفاعل إلى النصف كل 20 ثانية. احسب ثابت سرعة التفاعل.

**الحل :**

نستخدم معادلة التفاعل من الدرجة الثانية المناسبة، ثم نعوض بالقيم المعطاة لحساب  $k$ .

**تمارين حول تأثير درجة الحرارة على ثابت سرعة التفاعل**

**التمرين 3:** تضاعف ثابت سرعة تفاعل معين عند زيادة درجة الحرارة بمقدار 10 درجة مئوية. احسب طاقة التنشيط للتفاعل.

**الحل :**

نستخدم معادلة أرينيوس  $k = Ae^{(-Ea/RT)}$  :

حيث  $A$ : ثابت أرينيوس،  $Ea$  طاقة التنشيط،  $R$  ثابت الغازات العام،  $T$  درجة الحرارة المطلقة.

من خلال مقارنة قيم  $k$  عند درجتى حرارة مختلفتين، يمكن حساب  $Ea$ .

**التمرين 4:** وضح كيف يؤثر زيادة درجة الحرارة على تصادمات الجسيمات وسرعة التفاعل.

**الحل :**

شرح مبسط يربط بين زيادة درجة الحرارة وزيادة الطاقة الحركية للجسيمات، وزيادة عدد التصادمات الفعالة، وبالتالي زيادة سرعة التفاعل.

**تطبيقات المتابعة الزمنية في الحياة اليومية**

**التمرين 5:** أذكر خمسة أمثلة لتطبيقات المتابعة الزمنية في الحياة اليومية.

**الحل :**

صناعة الأغذية (تخمير الخبز، نضج الجبن)

الصيدلة (دراسة تحلل الأدوية)

البيئة (دراسة تلوث المياه)

الصناعة (متابعة تفاعلات البلمرة)

الطب (دراسة سرعة انتشار الأدوية في الجسم)

**التمرين 6:** وضح كيف يمكن استخدام المتابعة الزمنية لدراسة تفاعل صدأ الحديد.

**الحل :**

شرح مبسط لكيفية قياس فقدان كتلة قطعة من الحديد بمرور الوقت، وحساب سرعة التفاعل.

معادلة معدل التفاعل هي علاقة رياضية تربط بين سرعة التفاعل الكيميائي وتركيزات المواد المتفاعلة. وهي أداة أساسية لفهم كيفية تأثير تغير الظروف على سرعة التفاعل.

### الشكل العام لمعادلة معدل التفاعل:

$$\text{معدل التفاعل} = k * [A]^x * [B]^y$$

حيث:

**k**: ثابت معدل التفاعل

**[A]** و **[B]**: تركيز المادتين المتفاعلتين A و B

**x** و **y**: أسس تجريبية تحدد رتبة التفاعل بالنسبة لكل مادة متفاعلة

**التمرينات:**

**التمرين 1:**

**السؤال:** معادلة التفاعل هي  $A + 2B \rightarrow C$  إذا كانت رتبة التفاعل بالنسبة للمادة A هي 1 وبالنسبة للمادة B هي 2، اكتب معادلة معدل التفاعل.

**الحل:**

$$\text{معدل التفاعل} = k * [A]^1 * [B]^2$$

**التمرين 2:**

**السؤال:** إذا كان معدل التفاعل يتضاعف عند مضاعفة تركيز المادة A وثابتاً عند تغيير تركيز المادة B ، ما هي رتبة التفاعل بالنسبة لكلا المادتين؟

**الحل:**

بما أن معدل التفاعل يتضاعف عند مضاعفة تركيز A ، فإن رتبة التفاعل بالنسبة لـ A هي 1.

بما أن معدل التفاعل ثابت عند تغيير تركيز B ، فإن رتبة التفاعل بالنسبة لـ B هي 0.

إذن، معادلة معدل التفاعل هي:

$$\text{معدل التفاعل} = k * [A]^1 * [B]^0 = k * [A]$$

**التمرين 3:**

**السؤال:** إذا كانت معادلة معدل التفاعل هي: معدل التفاعل  $= k * [A]^2 * [B]^1$  ، وما هو تأثير زيادة تركيز المادة A إلى الضعف على معدل التفاعل؟

**الحل:** إذا زاد تركيز A إلى الضعف، فإن معدل التفاعل يصبح:

$$\text{معدل التفاعل الجديد} = k * (2[A])^2 * [B]^1 = 4 * k * [A]^2 * [B]^1$$

## تمارين وحلول في الكيمياء العضوية

تمارين رسم البنى الجزيئية وتسمية المركبات

التمرين 1:

رسم: ارسم البنية ثلاثية الأبعاد لجزيء البروبان. ( $C_3H_8$ )

تسمية: سم المركب الناتج عن إضافة ذرة كلور إلى الكربون الأوسط في البروبان.

الحل:

رسم: البروبان هو ألكان مستقيم السلسلة يحتوي على 3 ذرات كربون و 8 ذرات هيدروجين.

تسمية: المركب الناتج هو 2-كلورو بروبان.

التمرين 2:

رسم: ارسم البنية ثلاثية الأبعاد لجزيء البنزين. ( $C_6H_6$ )

تسمية: سم المركب الناتج عن استبدال ذرة هيدروجين في البنزين بمجموعة نيترو. ( $-NO_2$ )

الحل:

رسم: البنزين هو حلقة بنزين تحتوي على 6 ذرات كربون و 6 ذرات هيدروجين.

تسمية: المركب الناتج هو نيتروبنزين.

## تمارين كتابة التفاعلات العضوية وحساب النسب المئوية

### التمرين 3:

كتابة التفاعل: اكتب معادلة التفاعل بين الإيثانول ( $C_2H_5OH$ ) والأكسجين.

حساب النسبة المئوية: احسب النسبة المئوية للكربون في الإيثانول.

### الحل:

كتابة التفاعل:  $C_2H_5OH + 3O_2 \rightarrow 2CO_2 + 3H_2O$

حساب النسبة المئوية: الكتلة المولية للإيثانول = 46 جم/مول،  
كتلة الكربون في الجزيء =  $12 \times 2 = 24$  جم. النسبة  
المئوية للكربون =  $100\% \times (46/24) \approx 52.17\%$

### التمرين 4:

كتابة التفاعل: اكتب معادلة تفاعل الألكينات مع الهالوجينات (مثال: الإيثين والكلور)

### الحل:

$C_2H_4 + Cl_2 \rightarrow C_2H_4Cl_2$  (1,2-دايكلوروايثان)

تمارين حل المسائل الكمية وتفسير الطيف

### التمرين 5:

**حل المسألة:** إذا تفاعل 10 جرام من الميثان ( $\text{CH}_4$ ) مع كمية وافرة من الأكسجين، فما كتلة ثاني أكسيد الكربون الناتجة؟

**الحل:**

يجب كتابة المعادلة الموزونة لحساب النسب المولية ثم تحويل الكتلة إلى مولات وحساب كمية المول من ثاني أكسيد الكربون الناتجة وأخيراً تحويلها إلى كتلة.

**التمرين 6:**

**تفسير الطيف:** كيف يمكن تمييز بين الألكان والألكين باستخدام طيف الأشعة تحت الحمراء؟

**الحل:**

الألكينات تحتوي على رابطة ثنائية  $\text{C}=\text{C}$  والتي تعطي امتصاصاً مميزاً في منطقة معينة من الطيف، بينما الألكانات لا تحتوي على هذه الرابطة وبالتالي لا يوجد هذا الامتصاص.

# علوم الطبيعة و الحياة

## 10 تمارين وحلول حول مقر تركيب البروتين في الخلية

### مقدمة:

تتركز عملية تركيب البروتينات بشكل أساسي في الريبوسومات . هذه العضيات الصغيرة موجودة في جميع الخلايا الحية، وهي المسؤولة عن ترجمة المعلومات الوراثية الموجودة في الحمض النووي الريبوزي المرسل (mRNA) إلى سلاسل من الأحماض الأمينية، والتي تتجمع لتشكيل البروتينات.

### التمارين والحلول:

ما هو مقر تركيب البروتينات في الخلية؟

**الحل:** الريبوسومات.

ما هو الدور الرئيسي للريبوسومات في الخلية؟

**الحل:** ترجمة المعلومات الوراثية الموجودة في mRNA إلى سلاسل من الأحماض الأمينية لبناء البروتينات.

أين توجد الريبوسومات في الخلية؟

**الحل:** توجد الريبوسومات حرة في السيتوبلازم أو مرتبطة بغشاء الشبكة الإندوبلازمية الخشنة.

**ما هو الفرق بين الريبوسومات الحرة والمرتبطة بالشبكة الإندوبلازمية؟**

**الحل:** الريبوسومات الحرة تصنع البروتينات التي تبقى داخل الخلية، بينما الريبوسومات المرتبطة تصنع البروتينات التي يتم إفرازها خارج الخلية أو تستخدم في بناء الغشاء البلازمي.

**ما هي المكونات الأساسية للريبوسوم؟**

**الحل:** تتكون الريبوسومات بشكل رئيسي من نوعين من الحمض النووي الريبوزي (rRNA) وبروتينات.

**ما هي العملية التي تحدث داخل الريبوسوم؟**

**الحل:** تحدث عملية الترجمة، حيث يتحرك الريبوسوم على طول شريط mRNA ويقوم بإضافة الأحماض الأمينية المناظرة لكل كودون (مجموعة من ثلاثة نيوكليوتيدات) لتكوين سلسلة ببتيدية.

**ماذا يحدث للبروتين بعد تركيبها في الريبوسوم؟**

**الحل:** قد تخضع البروتينات لتعديلات بعد الترجمة، مثل إضافة مجموعات كيميائية أو طيها إلى شكلها ثلاثي الأبعاد، ثم يتم نقلها إلى مكان عملها داخل الخلية أو خارجها.

**ما هي أهمية تركيب البروتينات للخلية؟**

**الحل:** البروتينات هي الجزيئات الأساسية التي تقوم بجميع وظائف الخلية، مثل الإنزيمات والبنية والتنظيم.

**ما هي العوامل التي تؤثر على معدل تركيب البروتينات؟**

**الحل:** تتأثر سرعة تركيب البروتينات بعدة عوامل، بما في ذلك تركيز mRNA ، ووفرة الأحماض الأمينية، ودرجة الحرارة، ووجود مثبطات أو محفزات للترجمة.

**لماذا تعتبر عملية تركيب البروتينات دقيقة للغاية؟**

**الحل:** لأن أي خطأ في تسلسل الأحماض الأمينية قد يؤدي إلى إنتاج بروتين غير وظيفي، مما قد يؤدي إلى حدوث أمراض وراثية.

**مجموعة التمارين الأولى: الأسئلة النظرية**

**ما هو الفرق بين الـ DNA والـ RNA من حيث التركيب والوظيفة؟**

**الحل:** يختلف الـ DNA عن الـ RNA في نوع السكر المكون له (ديوكسي ريبوز في الـ DNA وريبوز في الـ RNA)، وقاعدة النيتروجين (ثايمين في الـ DNA ويوراسيل في الـ RNA)، وشكل السلسلة (مزدوجة في الـ DNA وأحادية في معظم أنواع الـ RNA). وظيفة الـ DNA هي تخزين المعلومات الوراثية، بينما وظيفة الـ RNA هي نقل هذه المعلومات وتحويلها إلى بروتينات.

**اشرح بإيجاز عملية الاستنساخ.**

**الحل:** الاستنساخ هي عملية نسخ المعلومات الوراثية من جزيء الـ DNA إلى جزيء جديد من الـ RNA. تبدأ

هذه العملية بارتباط إنزيم بوليميريز الـ RNA بموقع محدد على الـ DNA يسمى المروج، ثم يبدأ في بناء سلسلة الـ RNA المكمل لسلسلة الـ DNA.

**ما هي أنواع الـ RNA الرئيسية وما هي وظائفها؟**

**الحل:** الأنواع الرئيسية للـ RNA هي :

**الـ mRNA:** يحمل الشفرة الوراثية من النواة إلى الريبوسومات ليتم ترجمتها إلى بروتينات.

**الـ tRNA:** يحمل الأحماض الأمينية إلى الريبوسومات خلال عملية الترجمة.

**الـ rRNA:** يدخل في تركيب الريبوسومات وهو ضروري لعملية الترجمة.

**مجموعة التمارين الثانية: أسئلة تطبيقية**

إذا كانت تسلسل قواعد النيتروجين على أحد شريطي الـ DNA هو ATCGGCTA ، فما هو تسلسل القواعد النيتروجينية على شريط الـ RNA المنسوخ؟

**الحل:** التسلسل المكمل على الـ RNA سيكون :  
UAGCCGAU.

**ما هي العلاقة بين الـ كودون والـ أنتي كودون؟**

**الحل:** الكودون هو مجموعة من ثلاث قواعد نيتروجينية متتالية على الـ mRNA تحدد نوع الحمض الأميني الذي سيتم إضافته إلى البروتين. أما الأنتي كودون فهو

مجموعة من ثلاث قواعد نيتروجية متتالية على الـ tRNA تكمل الكودون على الـ mRNA ، وبالتالي تضمن إضافة الحمض الأميني الصحيح إلى السلسلة البروتينية.

**وضح كيف يؤثر تغير قاعدة نيتروجية واحدة في الـ DNA على البروتين الناتج؟**

**الحل:** قد يؤدي تغير قاعدة نيتروجية واحدة إلى تغير الكودون، وبالتالي تغير الحمض الأميني الذي يتم ترميزه. هذا التغير في الحمض الأميني قد يؤدي إلى تغير في شكل ووظيفة البروتين الناتج، وقد يسبب أمراضًا وراثية.

## 10 تمارين وحلول حول آلية الاستنساخ

**آلية الاستنساخ** هي عملية حيوية أساسية تتم فيها نسخ المعلومات الوراثية من الحمض النووي (DNA) إلى الحمض النووي الريبوزي المرسال (mRNA). هذه العملية هي الخطوة الأولى في تركيب البروتينات.

**لماذا تمارين حول الاستنساخ؟**

**التقويم:** تساعد التمارين على تقييم مدى فهم الطالب للمفاهيم الأساسية.

**التثبيت:** تساعد على ترسيخ المعلومات في الذاكرة من خلال التطبيق العملي.

**اكتشاف الثغرات:** تساعد على تحديد الجوانب التي يحتاج الطالب إلى مزيد من التوضيح فيها.

**ملاحظات هامة قبل البدء:**

**مستوى الطالب:** يجب أن تكون التمارين مناسبة لمستوى الطالب الدراسي.

**نوع التمارين:** يمكن أن تكون التمارين نظرية أو تطبيقية أو مزيجًا من الاثنين.

**الحلول:** يجب أن تكون الحلول شاملة وواضحة، مع شرح مفصل لكل خطوة.

**10 أمثلة على تمارين حول آلية الاستنساخ:**

**التمرين 1:**

**السؤال:** ما هي المراحل الرئيسية لعملية الاستنساخ؟

**الحل:** المراحل الرئيسية هي: البدء، الإطالة، الإنهاء.

**التمرين 2:**

**السؤال:** ما هو دور إنزيم RNA بوليميريز في عملية الاستنساخ؟

**الحل:** يقوم إنزيم RNA بوليميريز ببناء سلسلة mRNA المكملة لسلسلة DNA القالب.

**التمرين 3:**

**السؤال:** ما الفرق بين الشريطة قالب والشريطة غير قالب في DNA خلال عملية الاستنساخ؟

**الحل:** الشريطة قالب هي الشريطة التي يتم نسخ المعلومات منها، بينما الشريطة غير قالب هي الشريطة المكمل لها ولا يتم نسخ المعلومات منها مباشرة.

**التمرين 4:**

**السؤال:** ما هي أهمية عملية الاستنساخ للخلية؟

**الحل:** عملية الاستنساخ ضرورية لتركيب البروتينات التي تقوم بوظائف حيوية في الخلية.

**التمرين 5:**

**السؤال:** ما هي العوامل التي تؤثر على سرعة وفعالية عملية الاستنساخ؟

**الحل:** تؤثر العديد من العوامل مثل درجة الحرارة، pH، وجود الإنزيمات المساعدة، وتركيز المواد المتفاعلة.

**التمرين 6:**

**السؤال:** قارن بين عملية النسخ والترجمة.

**الحل:** النسخ هي عملية نسخ المعلومات من DNA إلى mRNA، بينما الترجمة هي عملية تحويل المعلومات الموجودة في mRNA إلى سلسلة من الأحماض الأمينية لتكوين البروتين.

**التمرين 7:**

**السؤال:** ما هي الطفرات؟ وكيف تؤثر على عملية الاستنساخ؟

**الحل:** الطفرات هي تغييرات تحدث في تسلسل النوكليوتيدات في DNA، ويمكن أن تؤدي إلى تغييرات في تسلسل الأحماض الأمينية في البروتين، وبالتالي تؤثر على وظيفته.

**التمرين 8:**

**السؤال:** ما هي أهمية الاستنساخ في التكنولوجيا الحيوية؟

**الحل:** يستخدم الاستنساخ في إنتاج البروتينات، وتعديل الكائنات الحية، وتطوير الأدوية.

**التمرين 9:**

**السؤال:** ارسم مخططاً يوضح مراحل عملية الاستنساخ.

**الحل:** يجب على الطالب رسم مخطط يوضح مراحل البدء، الإطالة، والإنهاء.

**التمرين 10:**

**السؤال:** حل مسألة تتعلق بحساب عدد النوكليوتيدات في mRNA الناتج عن استنساخ قطعة DNA معينة.

**الحل:** يجب على الطالب تطبيق القواعد الأساسية لحساب عدد النوكليوتيدات.

القائمة ☰
بحث 🔍
الرئيسية 🏠

حمل كتب المستشار في التربية محمد عقوني من مكتبة نور مجاناً





عقوني محمد